



ДРУШТВО ФИЗИЧАРА СРБИЈЕ
МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ РЕПУБЛИКЕ СРБИЈЕ
ФИЛОЗОФСКИ ФАКУЛТЕТ НИШ
ПМФ - ИНСТИТУТ ЗА ФИЗИКУ НОВИ САД

Задаци за окружно такмичење ученика
основних школа школске 1997/98. године
VI разред

1. Пољопривредни произвођач Славомир Ј. тачно у $4^{00}h$ изјутра полази од своје куће носећи сир и кајмак на пијацу у суседни градић. Иде пешице брзином од $4km/h$. Када је прешао $2km$ сети се да је заборавио да понесе и ракију, па се врати кући истом брзином. Треба му 5 минута да спакује ракију и крене поново али брзином $6km/h$. Када је ходао 20 минута, стане и израчуна да ако би се и даље кретао овом брзином, стигао би на пијацу 20 минута раније него ако би сада почeo да хода брзином од $5km/h$. Онда сам себи каже: "Јесте ово блесав задатак, ал' зато нисам блесав ја!" па крене назад кући. (На одмор, рачунање и размишљање утрошио је још 5 минута.) Враћа се кући опет брзином од $6km/h$, не губећи ни трена седа у свој нови ауто и возећи просечно брзином од $60km/h$, стигне на пијацу у $6^{00}h$. Колико је пијаца удаљена од куће? (20 поена)

2. Кад је прешао половину пута између места М и Н возач камиона је повећао брзину за $1/4$ дотадашње брзине и у место Н стигао пола сата раније него што би стигао да није мењао брзину. Колико времена је камион путовао између места М и Н? Нацртати график зависности пута од времена. (20 поена)

3. Два брода иду низ реку различитим брзинама v_1 и v_2 ($v_1 > v_2$). У тренутку кад су поравнати у односу на посматрача на обали са једног од њих се у реку спусти сплав. После неког времена t бродови су истовремено окренули и кренули узводно истим брзинама у односу на воду којима су ишли низводно. Доказати да ће бродови истовремено стићи до сплава? (25 поена)

4. Хидроглисером се прелази пут од Београда до Кладова за 3 часа и 30 минута а назад за 7 минута дуже. Одредити колико је пута већа брзина хидроглисера од брзине Дунава. (М.Ф. бр. 57 стр. 19) (20 поена)

5. Укупна тежина три тела износи $196,2N$. Одредити масу другог тела ако се зна да је тежина другог тела $58,86N$ а маса трећег тела износи $2/3$ масе другог тела. Константа $G = 9,81 N/kg$ (15 поена)

Задатке припремили: др Дарко Капор и др Мирослав Николић
Рецензент: Славко Кристовић
Председник комисије: др Надежда Новаковић

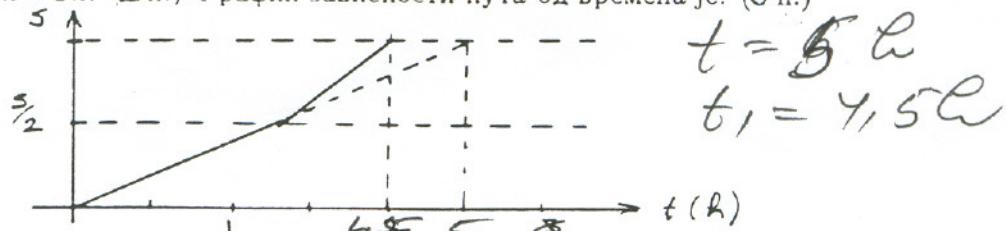
Свим такмичарима желимо успешан рад!

ДРУШТВО ФИЗИЧАРА СРБИЈЕ
МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ РЕПУБЛИКЕ СРБИЈЕ
ФИЛОЗОФСКИ ФАКУЛТЕТ НИШ
ИНСТИТУТ ЗА ФИЗИКУ ПМФ НОВИ САД

Решења задатака за окружно такмичење
ученика основних школа школске 1997/98. године
VI разред

1. Време од поласка до стизања је $2h$ и $\frac{1}{2}$ минута. За то време је ходао $2 \times 2 km : 4 km/h = 1 h$ (5 п.) на почетку и још $2 \times 20 min = 40 min$ (5 п.) у другом поласку. Када се на то дода још 10 минута за паковање и размишљање, добија се да је пре седања у кола потрошио 1 сат и 50 минута (5 п.). Значи возио је $\frac{12}{11} min$ и прешао пут: $s = 0,2 h \times 60 km/h = 12 km$ (5 п.) и то је растојање од куће до пијаце. Према овом начину решавања размишљање на средини је непотребан податак али задатак је могуће решити и са тим податком.

2. $s = vt$ одакле $v = s/t$, t је време за које би прешао пут s без промене брзине. Ово време се одређује из једначине: $(t - 0,5)(v + \frac{s}{4}) = s$ (5 п.) односно $(t - 0,5)(\frac{s}{t} + \frac{1}{4} \cdot \frac{s}{t}) = s$ (5 п.) Лако се види да се s елиминише из једначине и добија се једначина из које се одреди t . Добија се $t = 2,5 h$ (2 п.) а како знамо да је због промене брзине стигао пола сата раније то је тражено време $t_1 = t - 0,5 h = 2 h$. (2 п.) График зависности пута од времена је: (6 п.)



3. Пошто брзина тока реке на исти начин утиче на сва три објекта она не мења њихов међусобни положај па не мора да се узима у обзир. (10 п.) У том случају сматрамо да сплав мирује а бродови за време t пређу путеве: $s_1 = v_1 t$ и $s_2 = v_2 t$. (2 п.) Времена која су потребна бродовима да се врате до сплава су: $t_1 = \frac{s_1}{v_1}$ и $t_2 = \frac{s_2}{v_2}$. (3 п.) Ако у последње изразе заменимо познате дужине путева s_1 и s_2 лако се показује да је $t_1 = t$ и $t_2 = t$ (10 п.) а тиме смо доказали да бродови истовремено стижу до сплава. Задатак је могуће решити и са узимањем у обзир брзине воде, мало је компликованије али ако неко тако уради и добије добар резултат свакако признати. Бодовање другачијих решења остаје да ураде комисије.

4. Подаци: $t_1 = 3,5 h$, $t_2 = t_1 + 7 min$, v_1 брзина хидроглисера, v_2 брзина Дунава. Треба одредити v_1/v_2 , $v' = v_1 + v_2$ (2 п.) брзина низводно и $v'' = v_1 - v_2$ (2 п.) брзина узводно. Из ових једначина се лако добија да је $v_1 = (v' + v'')/2$. (5 п.) Ако се ово замени у $v_2 = v' - v_1$ добија се $v_2 = (v' - v'')/2$. (5 п.) Ако поделимо v_1 са v_2 узимајући у обзир да је $v' = s/t_1$ и $v'' = s/t_2$ добијамо (6 п.)

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\frac{1}{t_1} + \frac{1}{t_2}}{\frac{1}{t_1} - \frac{1}{t_2}} = \frac{s \left(\frac{t_1 + t_2}{t_1 t_2} \right)}{s \left(\frac{t_1 - t_2}{t_1 t_2} \right)} = \frac{t_1 + t_2}{t_2 - t_1} = 61$$

5. Основна релација је $(m_1 + m_2 + m_3)G = Q$ (3 п.). Маса $m_2 = Q_2/G$ (2 п.) а маса m_3 је $2/3$ масе m_2 па је $m_3 = 2Q_2/3G$. (3 п.) Заменом у претходну једначину добија се (4 п.)

$$\left(m_1 + \frac{Q_2}{G} + \frac{2Q_2}{3G} \right) G = Q$$

Заменом бројних вредности добија се $m_1 = 10 kg$. (3 п.)